

التمرين 1

x عدد حقيقي و n عدد صحيح نسبي.

1 - نكتب على شكل قوة مايلي: $3^n \times 3^2$ ؛ $3^n \times 7^n$.

◀ لدينا: $3^n \times 3^2 = 3^{n+2}$ و $3^n \times 7^n = 21^n$. (بتطبيق: جداء: قوتين لهما نفس (الأساس + نفس الأس)).

2 - نضع: $x = 21^n + 7^n \times 3^{n+1} + 7^n \times 3^{n+2}$.

أ - نحسب: $N = \frac{x}{13}$.

أي: $N = \frac{21^n + 21^n \times 3^1 + 21^n \times 3^2}{13}$

إذن: $N = 21^n \frac{1+3+3^2}{13}$

أي: $N = 21^n \frac{13}{13}$

ومنه: $N = 21^n$

◀ لدينا: $N = \frac{x}{13}$ و $x = 21^n + 7^n \times 3^{n+1} + 7^n \times 3^{n+2}$

إذن: $N = \frac{21^n + 7^n \times 3^{n+1} + 7^n \times 3^{n+2}}{13}$

أي: $N = \frac{21^n + 7^n \times 3^n \times 3^1 + 7^n \times 3^n \times 3^2}{13}$

إذن: $N = \frac{21^n + 21^n \times 3^1 + 21^n \times 3^2}{13}$

ب - الكتابة العلمية للعدد N من أجل n = 2

أي: $N = 441$

ومنه: $N = 4,41 \times 10^2$

◀ لدينا: $N = 21^n$ و $n = 2$

إذن: $N = 21^2$

التمرين 2

ABC مثلث فيه: $AB^2 = 25$ ؛ $AC^2 = 9$ و $BC = 6$.

إذن: $|AC| > |AB| > BC$. (لأن: $AC > AB > BC$ أطوال).

* نبين أن: ABC مثلث غير قائم الزاوية.

لدينا: $AB^2 + AC^2 = 25 + 9$ و $BC^2 = 36$

إذن: $AB^2 + AC^2 \neq BC^2$

ومنه: ABC مثلث غير قائم الزاوية.

* تحديد طول أكبر ضلع في المثلث ABC.

لدينا: $AB^2 = 25$ ؛ $AC^2 = 9$ و $BC = 6$.

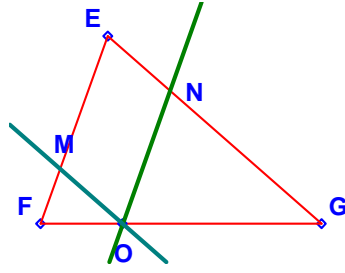
إذن: $AB^2 = 25$ ؛ $AC^2 = 9$ و $BC^2 = 36$

أي: $AC^2 > BC^2 > AB^2$

التمرين 3

1 - أنظر الشكل.

2 - نبين أن : $\frac{EM}{EF} = \frac{GO}{GF}$ ونقارن بين $\frac{FO}{FG}$ و $\frac{EN}{EG}$



* نقارن بين : $\frac{FO}{FG}$ و $\frac{EN}{EG}$
 O و N من [EG] و [FG] على التوالي
 لدينا: $(NO) // (EF)$ (حسب المعطيات).
 إذن: $(2) \frac{FO}{FG} = \frac{EN}{EG}$ (ح؛خ؛ط؛م)

* بين أن : $\frac{EM}{EF} = \frac{GO}{GF}$
 F نقطة تقاطع (EM) و (OG).
 لدينا: $(NO) // (EM)$ (حسب المعطيات).
 إذن: $(1) \frac{EM}{EF} = \frac{GO}{GF}$ (ح؛خ؛ط؛م)

3 - تحدد موضع النقطة O من [FG] لكي يكون (MN) // (FG).

لدينا: النقط E ؛ M و F في نفس ترتيب النقط E ؛ N و G .

إذن: لكي يكون (MN) // (FG) يجب (يكفي) أن يكون $\frac{EM}{EF} = \frac{EN}{EG}$ (حسب خ؛ط؛م)

أي: $\frac{FO}{FG} = \frac{GO}{GF}$ (استنتاج من 1 و 2)

إذن : $(FG \neq 0) FO = GO$

أي : O منتصف [FG] . (O من [FG]).

وبتالي: لكي يكون (MN) // (FG) يجب أن يكون O منتصف [FG].