

|                                 |             |  |
|---------------------------------|-------------|--|
| المستوى : الثانية باك ع تجريبية |             |  |
| المادة : الرياضيات              |             |  |
| مدة الانجاز : 3 ساعات           | المعامل : 7 |  |

( يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة )

|       |   |  |
|-------|---|--|
| (I)   | 1 | <p>1) نعتبر الدالة العددية <math>g</math> المعرفة على <math>\mathbb{R}</math> بما يلي : <math>g(x) = \sqrt{\frac{1}{2}x^2 + 1}</math> :<br/>بين أن <math>g([0,2]) \subset [0,2]</math></p> <p>2) لتكن المتتالية <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> المعرفة بـ :<br/> <math display="block">\begin{cases} u_0 = 2 \\ u_{n+1} = g(u_n) \end{cases} \quad \forall n \in \mathbb{N}</math> </p> <p>أ - بين أن <math>\sqrt{2} \leq u_n \leq 2 \quad \forall n \in \mathbb{N}</math> 0.5<br/> ب - بين أن المتتالية <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> تناقصية 0.5<br/> ج - استنتج أن المتتالية <math>(u_n)_{n \in \mathbb{N}}</math> متقاربة ثم أحسب نهايتها 1.5</p>   |
| (II)  |   | <p>نعتبر في الفضاء المنسوب الى معلم متعامد منظم مباشر <math>(O, \vec{i}, \vec{j}, \vec{k})</math> النقطتين <math>A(0,2,2)</math> و <math>B(1,4,3)</math></p> <p>1) إعط تمثيلا بارمتريا للمستقيم <math>(AB)</math> 0.5<br/> 2) حدد تقاطع <math>(AB)</math> مع المستوى <math>(P)</math> ذي المعادلة <math>x-3y-2z+3=0</math> 0.5<br/> 3) ليكن <math>(Q)</math> المستوى المعرف بالمعادلة <math>x+2y+z=0</math><br/> أ - بين أن المستقيم <math>(AB)</math> عمودي على <math>(Q)</math> 0.5<br/> ب - حدد المتجهة <math>\vec{n} \wedge \vec{n}'</math> حيث <math>\vec{n}</math> و <math>\vec{n}'</math> على التوالي متجهتان منظميتان على <math>(P)</math> و <math>(Q)</math> 1<br/> ج - حدد التمثيل البارمترى للمستقيم <math>(\Delta)</math> تقاطع <math>(P)</math> و <math>(Q)</math> 0.5<br/> 4) حدد معادلة ديكارنية للفلكة <math>(S)</math> التي مركزها <math>\Omega_{(1,2,1)}</math> و مماسة للمستوى <math>(Q)</math> 1</p> |
| (III) |   | <p>المستوى العقدي منسوب الى معلم متعامد منظم <math>(O, \vec{u}, \vec{v})</math></p> <p>ليكن العدد العقدي <math>z = x + iy</math> حيث <math>(x, y) \in \mathbb{R}</math> و <math>M</math> صورة <math>z</math> في المستوى</p> <p>نضع <math>U = \frac{-iz + 3 - 4i}{z - i}</math></p> <p>1) حل في <math>C</math> المعادلة <math>U = z</math> 1<br/> 2) بين أن <math>Re(U) = \frac{4x - 4y + 4}{x^2 + (y - 1)^2}</math> 1<br/> و <math>Im(U) = \frac{-(x^2 + y^2 + 4x + 2y - 3)}{x^2 + (y - 1)^2}</math></p> <p>3) حدد ثم أنشئ المجموعتين <math>Re(U)</math> و <math>Im(U)</math> على التوالي الجزء الحقيقي و الجزء التخيلي للعدد العقدي <math>U</math> 1</p> <p><math>(E) = \{M_{(z)} / U \in \mathbb{R}\}</math><br/> <math>(F) = \{M_{(z)} / U \in i\mathbb{R}\}</math></p>   |

|                                 |           |   |
|---------------------------------|-----------|---|
| المستوى : الثانية باك ع تجريبية |           |   |
| المادة : الرياضيات              |           | 1 |
| مدة الانجاز : 3 ساعات           | المعامل : |   |

( يسمح باستعمال الآلة الحاسبة غير القابلة للبرمجة )

(4) ليكن  $z$  العدد العقدي الذي معياره  $\sqrt{3}-1$  و عمدته  $\frac{\pi}{3}$

أ - تحقق أن  $1-z = \frac{1}{2}(3-\sqrt{3})(1-i)$  0.25

ب - احسب معيار و عمدة  $1-z$  0.25

ج - لتكن  $A$  و  $B$  و  $C$  ثلاث نقط ألقاها على التوالي  $1$  و  $z$  و  $1-z$  بين أن الرباعي  $OBAC$  متوازي أضلاع . 0.5

(IV) نعتبر الدالة العددية  $f$  للمتغير الحقيقي  $x$  المعرفة على  $\mathbb{R}$  بـ:

$$\begin{cases} f(x) = 2\ln(x) - \ln^2(x) & x > 0 \\ f(x) = e^x \cdot \sqrt{1-e^x} & x \leq 0 \end{cases}$$

و  $C_f$  منحنى  $f$  في معلم متعامد ممنظم  $(O, \vec{i}, \vec{j})$

(1) أحسب النهايين  $\lim_{x \rightarrow -\infty} f(x)$  و  $\lim_{x \rightarrow +\infty} f(x)$  0.75

(2) أ - أحسب  $\lim_{x \rightarrow 0^+} f(x)$  0.5

ب - تحقق أن  $f$  متصلة على اليسار في الصفر. 0.25

ج - ادرس قابلية اشتقاق  $f$  على اليسار في الصفر و اعط تأويلا هندسيا 0.75

(3) بين أن  $\lim_{x \rightarrow +\infty} \frac{f(x)}{x} = 0$  و استنتج طبيعة الفرع اللانهائي ل  $C_f$  بجوار  $+\infty$  0.75

(4) لتكن  $f'$  الدالة المشتقة  $f$  على  $\mathbb{R}^*$

$$\left. \begin{array}{l} \forall x \in \mathbb{R}_+^* \quad f'(x) = \frac{2}{x}(1 - \ln(x)) \\ \forall x \in \mathbb{R}_-^* \quad f'(x) = \frac{e^x(2 - 3e^x)}{2\sqrt{1-e^x}} \end{array} \right\} - \quad 1$$

ب - ادرس إشارة  $f'(x)$  على  $\mathbb{R}^*$  0.5

ج- استنتج جدول تغيرات  $f$  0.5

(5) بين أن المنحنى  $C_f$  يقبل نقطة انعطاف أفصولها موجب قطعاً حدد زوج احداثيتها 0.5

(6) أنشئ بعناية المنحنى  $C_f$  " نقبل أن  $C_f$  يقبل نقطة انعطاف أفصولها أصغر من  $\ln(\frac{2}{3})$  " 1,5

( نأخذ  $\ln(\frac{2}{3}) \approx -0,4$  و  $f(\ln(\frac{2}{3})) \approx 0,4$  )

(7) ليكن  $h$  قصور الدالة  $f$  على  $[e, +\infty[$  0.5

أ - بين أن  $h$  تقابل من المجال  $[e, +\infty[$  نحو مجال  $J$  يجب تحديده, 0.5

ب - بين أن لكل  $x$  من  $J$   $h^{-1}(x) = e^{1+\sqrt{1-x}}$  " حيث  $h^{-1}$  التقابل العكسي ل  $h$  " 0.5

ج- انشئ في نفس المعلم  $C_{h^{-1}}$  منحنى الدالة العكسية  $h^{-1}$  0.5